

Obliczenia Naukowe

Wykład 13:
Zagadnienia na egzamin

Bartek Wilczyński

12.6.2017

Tematy do powtórki

- Arytmetyka komputerów
 - Jak wygląda reprezentacja liczb w arytmetyce komputerowej w zapisie cecha+mantysa
 - Jaki wpływ na dokładność arytmetyki ma liczba bitów przeznaczona na cechę, a jaki na mantysę
 - Jaką rolę ma standard IEEE-754 dla obliczeń naukowych
 - Jak powstają błędy podczas wykonywania działań numerycznych (błędy dodawania i odejmowania)
 - Co to jest epsilon maszynowy
 - Jaką rolę i interpretację mają wartości specjalne inf i NaN

Układy równań liniowych

- Jak reprezentować układ równań liniowych w postaci macierzowej
- Rozwiązywanie “łatwych” przypadków macierzy trójkątnych, górnych i dolnych
- Eliminacja Gaussa, rozkład LU, wybór elementu głównego
- Uwarunkowanie układów równań, Macierz Hilberta
- Normy wektorowe i macierzowe, $\text{cond}(A)$
- Rozwiązywanie wielu układów równań z tą samą macierzą i różnymi prawymi stronami

Problem najmniejszych kwadratów

- Definicja problemu aproksymacji wg kryterium najmniejszych kwadratów
- Zastosowania aproksymacji do przybliżonego rozwiązania nadokreślonych układów równań
- Przestrzenie funkcji (np. Wielomiany określonego stopnia, szeregi Fourier'a)
- Zastosowanie do aproksymacji funkcji
- Przekształcenia Householdera
- Rozkład QR
- Metoda Householdera

Interpolacje funkcji

- Zagadnienie interpolacji funkcji w węzłach
- Przestrzeń wielomianów i jej bazy: potęgowa, Lagrange'a I Newtona
- Wzory Hornera, Numeryczne kłopoty z rozwiązaniem Lagrange'a
- Algorytm różnic dzielonych
- Problem Hermite'a z węzłami wielokrotnymi
- Definicja funkcji sklejanых (splajnów) rzędu R
- Zastosowania splajnów rzędu 1 i 2
- Zalety splajnów względem zwykłych wielomianów (lokalne vs globalne zaburzenia)

Wartości i wektory własne macierzy

- Definicja problemu wartości własnych macierzy
- Przykład zastosowania: Macierz Google pagerank
- Metody oparte na wyznaczniku macierzy i wielomianach charakterystycznych, oraz ich obliczeniowe problemy
- Metoda potęgowa do wyznaczania wartości własnych
- Kłopoty z iteracyjnym stosowaniem metody potęgowej

Równania nieliniowe

- Zagadnienie znajdowania zer funkcji nieliniowych
- Metody iteracyjne:
 - Bisekcja
 - Metoda Newtona (stycznych)
 - Metoda siecznych
 - Metody hybrydowe (np. Met. Brenta)
- Twierdzenie Banacha o punkcie stałym i metoda iteracji prostej Banacha

Kwadratury i różniczkowanie numeryczne

- Numeryczne obliczanie pochodnej funkcji, związek z metodą różnicową Newton'a
- Zależność dokładności szacowanej pochodnej od kroku h
- Definicja równania różniczkowego zwyczajnego
- Całki i kwadratury, związek z interpolacją funkcji
- Związek całkowania z równaniami różniczkowymi
- Przykład zastosowania: model Lotki-Volterra

Obliczenia symboliczne

- Porównanie funkcji programów do obliczeń numerycznych i symbolicznych
- Przykład zadania, gdzie rozwiązanie symboliczne jest lepsze niż numeryczne
- W jaki sposób ominięcie problemów numerycznych pozwala na poprawę wyników
- Przewagi rozwiązań numerycznych nad symbolicznymi

Przetwarzanie sygnałów

- Definicja sygnałów analogowych i cyfrowych, jedno- i wielo-wymiarowych
- Konwersja analogowo-cyfrowa, próbkowanie a częstotliwość sygnału
- Porównanie sygnałów i normalizacja
- Sploty funkcji, filtry jedno i wielowymiarowe
- Szeregi Fourier'a, zastosowania FFT
- Filtry górno- i dolno-przepustowe

Przetwarzanie obrazów

- Reprezentacja obrazów w postaci macierzowej
- Reprezentacja kolorów, skale RGB, CMYk, HSB
- Histogram jasności i jego przekształcenia
- Filtry 2D w zastosowaniu do obrazów
- Filtry do wygładzania
- Filtr Sobel'a i pokrewne
- Zastosowania w biologii – wykrywanie krawędzi i kwantyfikacja ilościowa